Prova de Segunda Chamada/Recuperação de ALGA – Prof. Milton – 15/jul/2009 Eng. Prod. Mecânica – Noturno

1) Escrever as equações abaixo em coordenadas polares

$$x + 5y^{2} = 0$$

$$Resp.: r = \frac{-\cos\theta}{5\sin^{2}\theta}$$

$$x^{2} = 3y - y^{2}$$

$$Resp.: r = 3\sin\theta$$

2) Escrever as equações abaixo em coordenadas cartesianas

$$r + 4 \operatorname{sen} \theta = 0$$

$$\operatorname{Resp.:} x^{2} + y^{2} + 4y = 0$$

$$r = \frac{2}{\cos \theta}$$

$$\operatorname{Resp.:} x = 2$$

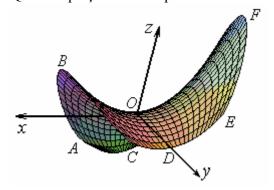
3) Completa a tabela com as coordenadas correspondentes (cada linha é o mesmo ponto):

Cartesianas	Cilíndricas	Esféricas
(3,0,4)	(3,0,4)	$(5, 0, 37^{\circ})$
(5,0,12)	(5,0,12)	$(13,0,23^{\circ})$
(0,0,2)	(0,35°,2)	$(2,35^o,\theta)$

4) A superfície desenhada é um parabolóide hiperbólico, conhecidas as coordenadas dos pontos $B(4, 0, 3) \in D(0, 3, -2).$

Qual a equação desta superfície?

e das curvas cujas partes são OD? e BOF?



Resp.: OD:
$$\begin{cases} x = 0 \\ z = \frac{-2}{9} y^2 \end{cases}$$

$$BOF: \begin{cases} y = 0 \\ z = \frac{3}{16} x^2 \end{cases}$$

$$BOF: \begin{cases} y = 0 \\ z = \frac{3}{16} x^2 \end{cases}$$

Resp.:
$$z = \frac{3}{16}x^2 - \frac{2}{9}y^2$$

5) Qual a equação dos hiperbolóides circulares de uma folha com eixo em OX?

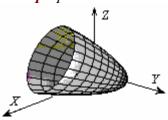
Resp.:
$$-a(x-k)^2 + by^2 + bz^2 = 1$$
, com *a* e *b* positivos

6) Identifique (apresente nomes) e faça um esboço das superfícies

a)
$$x^2 + 2y + z^2 = 4$$

b)
$$z^2 + y^2 = 9$$

Resp.: paraboloide circular



Resp.: cilindro circular

