

| | | | |
|---|--|---|--------------|
|  | <input checked="" type="checkbox"/> Prova <input type="checkbox"/> Exercícios <input type="checkbox"/> Prova Modular <input type="checkbox"/> Prática de Laboratório <input type="checkbox"/> Exame Final/Exame de Certificação <input type="checkbox"/> Aproveitamento Extraordinário de Estudos | <input type="checkbox"/> Prova Semestral <input type="checkbox"/> Segunda Chamada <input type="checkbox"/> Prova de Recuperação | Nota: |
| | Disciplina: Pesquisa operacional | | |
| Professor: Milton | | Turma: EGP 351 | |
| Aluno (a): | | Data: 31 / out / 2011 | |

- 1) [2,5] Uma fábrica de calçados possui três diferentes unidades que produzem quatro tipos de calçados. A fábrica vende semanalmente 35 pares do calçado A, 25 do calçado B, 65 do calçado C e 90 do calçado D. As três fábricas possuem diferentes características de fabricação, definidas a seguir:

| Fábrica | Custo por dia (\$) | Produção (par/dia) | | | |
|---------|--------------------|--------------------|---|----|----|
| | | A | B | C | D |
| F1 | 150 | 1 | 3 | 4 | 10 |
| F2 | 250 | 1 | 0 | 12 | 7 |
| F3 | 400 | 15 | 1 | 0 | 6 |

Quantos dias por semana cada fábrica deve operar para satisfazer a demanda?

Este problema pode ser modelado por: Minimizar $Z = 150x + 250y + 400z$

$$\text{Sujeito a: } x + y + 15z \geq 35$$

$$3x + z \geq 25$$

$$4x + 12y \geq 65$$

$$10x + 7y + 6z \geq 90$$

$$x, y, z \leq 5$$

O problema dual, então fica: Maximizar $Z = 35a + 25b + 65c + 90d + 5(e+f+g)$

$$\text{Sujeito a: } a + 3b + 4c + 10d + e \leq 150$$

$$a + 12c + 7d + f \leq 250$$

$$15a + b + 6d + g \leq 400$$

Assinale a alternativa CORRETA:

- A) A matriz inversa é usada (sem o dual) para avaliar a influência de um custo (150, 250 ou 400).
- B) Os sinais de desigualdades estão trocados no problema dual.
- C) As expressões contendo e , f e g devem ser retiradas do problema dual.
- D) As expressões contendo e , f e g devem ter os sinais negativos no problema dual.
- E) O problema dual é usado se desejamos avaliar a influência de uma restrição (35, 25, ...).

- 2) [2,5] Sabe-se que os alimentos: leite, carne, ovos e arroz fornecem as quantidades de vitaminas A, B e C dispostas no quadro (figura do Excel):
 Deseja-se determinar as quantidades de leite, carne, ovos e arroz que devem ser consumida, a fim de satisfazer as quantidades diárias mínimas de vitaminas apresentadas (figura do Excel) ao menor custo possível.

Este problema está sendo resolvido com o Solver do Excel:

| | | Qtde. em mg | | | | |
|------------------------|----------|-------------|----|-------|---------|-------|
| | | Preço | A | B | C | Qtde. |
| Leite (l) | R\$ 1,20 | 0,25 | 25 | 2,5 | 0,100 | l |
| Carne (kg) | R\$ 5,50 | 2 | 20 | 200 | 0,300 | kg |
| Ovos (dúzia) | R\$ 1,40 | 10 | 10 | 10 | 0,250 | dúzia |
| Arroz (kg) | R\$ 2,50 | 10 | 20 | 30 | 0,200 | kg |
| Quantidade Consumida = | | 5,13 | 15 | 68,75 | Custo ~ | 2,62 |
| Mínimo a CONSUMIR | | 1 | 50 | 10 | | |
| | | Qtde. em mg | | | | |

Parâmetros do Solver

Definir célula de destino:

Igual a: Máx Mín Valor de:

Células variáveis:

Submeter às restrições:

\$E\$9:\$G\$9 >= \$E\$11:\$G\$11

\$I\$4:\$I\$7 >= 0

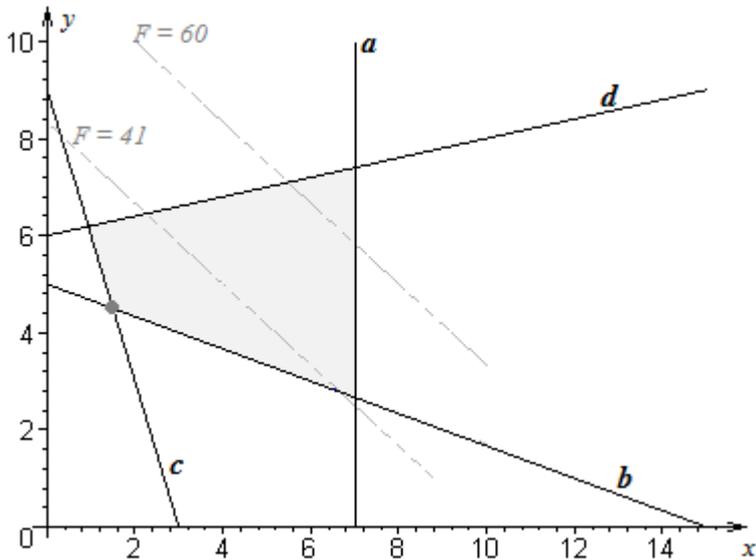
Analise as afirmações:

- I) Os valores 0,100, 0,300, 0,250 e 0,200 são as quantidades ótimas já determinadas.
- II) Para finalizar a resolução basta clicar em **Resolver**.
- III) A expressão $\$E\$9:\$G\$9 \geq \$E\$11:\$G\11 representa o mínimo de vitaminas a consumir.
- IV) Antes de finalizar a resolução, devemos adicionar a restrição $\$I\$4:\$I\$7 = \text{número}$.
- V) A expressão que calcula o custo ($=I4*C4+I5*C5+I6*C6+I7*C7$) está correta.

Estão certas apenas a(s) afirmação(ões):

Corrija a(s) afirmação(ões) errada(s), se houver:

- 3) [2,5] Na solução gráfica do problema: Minimizar $F = 5x + 6y$ sujeito a
- $$\begin{aligned} x &\leq 7 \\ x + 3y &\geq 15 \\ 3x + y &\geq 9 \\ x - 5y &\geq -30 \end{aligned}$$



obtivemos a solução:

$$x = 1,5; y = 4,5$$

$$F = 34,5$$

Perguntas:

- Até quanto pode variar o coeficiente 6 na Função Objetivo sem alterar o ponto ótimo?
- Qual o valor marginais da restrição 9?

- 4) [2,5] Um problema foi resolvido pelo método SIMPLEX.

Em seguida, aparece o primeiro e o último quadro

| Z | x | y | z | f1 | f2 | f3 | f4 | |
|---|-----|-----|--------|----|----|----|----|-----|
| 1 | 15 | -50 | -140,5 | 0 | 0 | 0 | 0 | 500 |
| 0 | 0,5 | 5 | 1,25 | 1 | 0 | 0 | 0 | 30 |
| 0 | 1 | 15 | 5 | 0 | -1 | 0 | 0 | 80 |
| 0 | 3,5 | 60 | 19,25 | 0 | 0 | 1 | 0 | 400 |
| 0 | 12 | 210 | 70 | 0 | 0 | 0 | -1 | 600 |

| Z | x | y | z | f1 | f2 | f3 | f4 | |
|---|---|---|------|------|------|----|----|------|
| 1 | 0 | 0 | -78 | -110 | -40 | 0 | 0 | 400 |
| 0 | 1 | 0 | -2,5 | 6 | 2 | 0 | 0 | 20 |
| 0 | 0 | 1 | 0,5 | -0,4 | -0,2 | 0 | 0 | 4 |
| 0 | 0 | 0 | -2 | 3 | 5 | 1 | 0 | 90 |
| 0 | 0 | 0 | -5 | 12 | 18 | 0 | -1 | -480 |

Analise os limites e a influência da restrição 30 na solução Z.

| | | | |
|---|--|---|--------------|
|  | <input checked="" type="checkbox"/> Prova <input type="checkbox"/> Exercícios <input type="checkbox"/> Prova Modular <input type="checkbox"/> Prática de Laboratório <input type="checkbox"/> Exame Final/Exame de Certificação <input type="checkbox"/> Aproveitamento Extraordinário de Estudos | <input type="checkbox"/> Prova Semestral <input type="checkbox"/> Segunda Chamada <input type="checkbox"/> Prova de Recuperação | Nota: |
| | Disciplina: <i>Pesquisa Operacional</i> | | |
| Professor: <i>Milton</i> | | Turma: <i>EGP 151</i> | |
| Aluno (a): | | Data: <i>15 / mai / 2012</i> | |

1) O seguinte problema: Minimizar $F = 100 + 6x - 3y$,

Sujeito a: $3y - x \leq 9$;

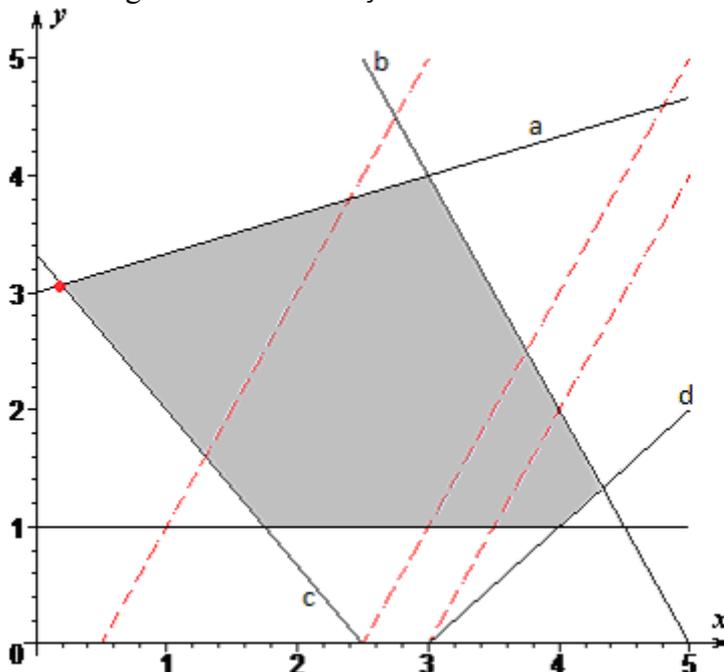
$2x + y \leq 10$;

$4x + 3y \geq 10$;

$x - y \leq 3$;

$x \geq 0$; $y \geq 1$.

foi resolvido graficamente. Solução:



Resposta: $x = 1/5$, $y = 46/15$ e $F = 92$.

Perguntas: Para que esta solução continue valendo,

- até quanto pode variar o coeficiente de y da função objetivo?
- qual o limite de variação do número 10 na terceira restrição?
- qual o valor marginal número 9 na primeira restrição?

2) Apresente o problema dual do problema apresentado na questão anterior e comente uma situação onde usaríamos este problema dual.

3) Para resolver o problema das duas minas usando o solver do Excel, um aluno estava na situação mostrada na figura abaixo. O enunciado deste problema é o seguinte:

Uma companhia de mineração possui duas diferentes minas que produzem um minério que, depois de ser triturado, é classificado em três classes: qualidade superior (A), média (B) e baixa (C). A companhia tem um contrato para abastecer uma fundição com 12 toneladas de minério de classe A, 8 toneladas de minério de classe B e 24 toneladas de classe C, por semana. As duas minas possuem diferentes características de operação, definidas a seguir:

| Mina | Custo por dia inteiro (\$) | Produção (tons/dia) | | |
|------|----------------------------|---------------------|---|---|
| | | A | B | C |
| M1 | 180 | 6 | 3 | 4 |
| M2 | 160 | 1 | 1 | 6 |

Quantos dias inteiros por semana cada mina deve operar para satisfazer o contrato da planta de fundição?

- Usando termos usados nas minas, explique o significado dos números 2, 5, 17 e 1160,00 desta planilha.
- Usando termos usados nas minas, explique o significado das expressões \$B\$5, \$A\$3:\$A\$4, \$A\$3:\$A\$4 = número e \$D\$5:\$F\$5 >= \$D\$6:\$F\$6 que aparecem na janela do solver.
- Na situação mostrada na figura, o que falta fazer para conseguir a solução do problema?

The image shows an Excel spreadsheet and the Solver Parameters dialog box. The spreadsheet has the following data:

| | A | B | C | D | E | F |
|---|---------|---------|--------------|------------------|----|----|
| 1 | | | | Produção (ton/d) | | |
| 2 | | | Custo (\$/d) | A | B | C |
| 3 | 5 | M1 | 180 | 6 | 3 | 4 |
| 4 | 2 | M2 | 160 | 1 | 1 | 6 |
| 5 | Custo = | 1160,00 | | 32 | 17 | 32 |
| 6 | | | Contrato = | 12 | 8 | 24 |

The Solver Parameters dialog box is open, showing the following settings:

- Definir célula de destino: \$B\$5
- Igual a: Máx Mín Valor de: 0
- Células variáveis: \$A\$3:\$A\$4
- Submeter às restrições:
 - \$A\$3:\$A\$4 = número
 - \$D\$5:\$F\$5 >= \$D\$6:\$F\$6

4) O problema 3 foi resolvido pelo método SIMPLEX.

Em seguida, aparece o primeiro e o último quadro

| C | x | y | f1 | f2 | f3 | f4 | f5 | |
|---|------|------|----|----|----|----|----|----|
| 1 | -180 | -160 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 5 |
| 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 5 |
| 0 | 6 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | -1 | 12 |
| 0 | 3 | 1 | -1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 8 |
| 0 | 4 | 6 | 0 | -1 | 0 | 0 | 0 | 24 |

| C | x | y | f1 | f2 | f3 | f4 | f5 | |
|---|---|---|--------|--------|----|----|----|--------|
| 1 | 0 | 0 | -31,43 | -21,43 | 0 | 0 | 0 | 765,71 |
| 0 | 1 | 0 | -0,429 | 0,0714 | 0 | 0 | 0 | 1,7143 |
| 0 | 0 | 1 | 0,2857 | -0,214 | 0 | 0 | 0 | 2,8571 |
| 0 | 0 | 0 | 0,4286 | -0,071 | 1 | 0 | 0 | 3,2857 |
| 0 | 0 | 0 | -0,286 | 0,2143 | 0 | 1 | 0 | 2,1429 |
| 0 | 0 | 0 | -2,286 | 0,2143 | 0 | 0 | 1 | 1,1429 |

a) Analise os limites de variação da restrição 24 e sua consequência na solução C.